

西安电子科技大学

2018 年硕士研究生招生考试初试试题

考试科目代码及名称 931 信号与线性系统

考试时间 2017 年 12 月 24 日下午 (3 小时)

答题要求: 所有答案(填空题按照标号写)必须写在答题纸上, 写在试题上一律作废, 准考证号写在指定位置!

一、选择题(共 12 小题, 每小题 4 分, 共 48 分)

[说明: 每小题给出四个答案, 其中只有一个是正确的, 请将正确答案的标号(A 或 B 或 C 或 D)选择出写在答题纸上, 例如, 一、选择题: 1. ..., 2. ..., ...]

1. 已知信号  $f(t) = (t^2 + 4)\varepsilon(t)$ , 则  $f'(t)$  等于

- (A)  $2\varepsilon(t) + 4\delta'(t)$  (B)  $2\varepsilon(t) - 4\delta'(t)$  (C)  $2\varepsilon(t) + 4\delta'(t)$  (D)  $2\varepsilon(t) - 4\delta'(t)$

2. 某线性系统的零输入响应为  $(2^{-k} - 3^{-k})\varepsilon(k)$ , 非齐次项响应为  $(1+k)2^{-k}\varepsilon(k)$ , 则该系统的阶数是

- (A) 肯定是二阶 (B) 肯定是三阶 (C) 至少是二阶 (D) 至少是三阶

3.  $y(k) = f(-k+1)$  所描述的系统不是

- (A) 稳定系统 (B) 非因果系统 (C) 线性系统 (D) 时不变系统

4. 已知某离散系统输入信号  $f(k) = \left\{ \dots, 0, \underset{k=0}{3}, 4, 5, 6, 0, \dots \right\}$ , 且  $g(k) = f(2k-1)$ , 则  $g(2)$  等于

- (A) 6 (B) 4 (C) 2 (D) 0

5. 已知  $f_1(k) = \left\{ \dots, 0, \underset{k=2}{2}, 1, 4, 0, \dots \right\}$ ,  $f_2(k) = \left\{ \dots, 0, \underset{k=1}{1}, 4, 9, 4, 0, \dots \right\}$ ,  $f(k) = f_1(k) * f_2(k)$ , 则  $f(3)$  等于

- (A) 12 (B) 16 (C) 33 (D) 38

6. 设  $f(t) = 0, t < 3$ , 则信号  $f(1-t)f(2-t)$  为 0 的  $t$  的取值等于

- (A)  $t > -2$  或  $t > -1$  (B)  $t = 2$  或  $t = 1$  (C)  $t > -1$  (D)  $t > -2$

7. 信号  $f(k) = \cos(\frac{\pi}{4}k - 30^\circ) + 2\sin(\frac{\pi}{8}k) - 2\cos(\frac{\pi}{2}k + 60^\circ)$  的周期是

- (A) 8                      (B) 16                      (C) 2                      (D) 4

8. 信号  $f(t)$  的频谱函数为  $F(j\omega)$ , 则  $f(-\frac{t}{2} + 3)$  的频谱函数等于

- (A)  $\frac{1}{2}F(-j\frac{\omega}{2})e^{-j\frac{3}{2}\omega}$                       (B)  $\frac{1}{2}F(j\frac{\omega}{2})e^{-j\frac{3}{2}\omega}$   
 (C)  $2F(-2j\omega)e^{j3\omega}$                       (D)  $2F(-2j\omega)e^{-j3\omega}$

9. 信号  $f(t) = e^{2t} \varepsilon(t)$  的单边拉普拉斯变换及收敛域为

- (A)  $\frac{1}{s-2}, \text{Re}[s] < -2$                       (B)  $\frac{1}{s-2}, \text{Re}[s] > 2$   
 (C)  $\frac{1}{s+2}, \text{Re}[s] < -2$                       (D)  $\frac{1}{s+2}, \text{Re}[s] > 2$

10. 已知  $f(k)$  的 Z 变换  $F(z) = \frac{1}{(z-0.5)(z+2)}$ , 则使  $f(k)$  为因果信号的  $F(z)$  的收敛域为

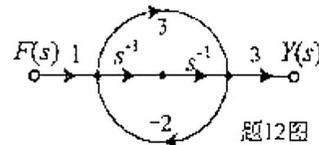
- (A)  $|z| > 0.5$                       (B)  $|z| < 0.5$                       (C)  $|z| > 2$                       (D)  $|z| < 2$

11. 某离散时间因果系统  $H(z) = \frac{z-2}{z-0.5}$ , 下列说法不对的是

- (A) 一阶系统                      (B) 稳定系统                      (C) 全通系统                      (D) 最小相位系统

12. 如题 12 图所示信号流图的系统函数  $H(s)$  为

- (A)  $\frac{9s+3}{7s^2+2}$                       (B)  $\frac{9s+3}{7s^2-2}$   
 (C)  $\frac{9s^2+3}{7s^2+2}$                       (D)  $\frac{9s^2+3}{7s^2-2}$

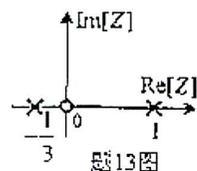


题12图

二、计算题 (共 7 小题, 共 102 分)

[说明: 解答本大题中各小题, 请在答题纸上, 并写清楚极值性步骤, 只有答案得 0 分, 非通用符号请注明含义。]

(15分) 13. 已知某因果离散系统的系统函数  $H(z)$  的零极点分布图如题 13 图所示, 且其单位序列响应  $\lim_{k \rightarrow \infty} h(k) = \frac{1}{4}$ . 求



- (1) 系统函数  $H(z)$ ;
- (2) 判别系统的稳定性;
- (3) 写出系统的差分方程.

(20分) 14. 已知某 LTI 系统的微分方程

$$y''(t) + 6y'(t) + 5y(t) = 9f'(t) + 5f(t),$$

当系统的输入  $f(t) = \varepsilon(t)$ , 在  $t=0$  和  $t=1$  时刻的系统输出  $y(0)=0$ ,  $y(1) = 1 - e^{-5}$ .

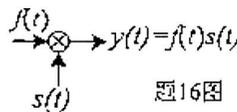
- (1) 求系统的系统函数  $H(s)$ ;
- (2) 求系统在  $f(t) = \varepsilon(t)$  下的余弦态;
- (3) 指出系统响应中的自由响应、强迫响应、及零状态响应  $y_z(t)$  和零输入响应  $y_x(t)$  分量;
- (4) 画出系统的模拟框图.

(10分) 15. 已知某 LTI 离散系统 S, 其输入为  $f(k)$ , 输出为  $y(k)$ . 若该系统是由子系统  $S_1$  和  $S_2$  级联而成,  $S_1$  的输入输出关系为:  $y_1(k) = 2f(k) + 3f(k-1)$ .

$$S_2 \text{ 的输入输出关系为: } y_2(k) = 2f_1(k-2) + 0.5f_1(k-3),$$

- (1) 求系统 S 的输入输出关系;
- (2) 若系统  $S_1$  和  $S_2$  级联次序颠倒, 则系统的输入输出关系是否变化?

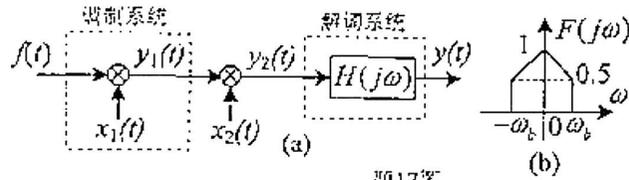
(12分) 16. 如题 16 图所示调幅系统, 当输入  $f(t)$  和载波信号  $s(t)$  加到乘法器后, 其输出  $y(t) = f(t)s(t)$ . 问:



- (1) 系统是否线性, 是否时变;
- (2) 若  $f(t) = 5 + 2\cos(10t) + 3\cos(20t)$ ,  $s(t) = \cos(200t)$ , 试画出  $y(t)$  的频谱图;
- (3) 若  $f(t) = \frac{\sin(t)}{t}$ ,  $s(t) = \cos(3t)$ , 试画出  $y(t)$  的频谱图.

(15分) 17. 如题 17 图所示系统(a),  $f_2(t)$  为被传递的信号, 其频谱波形如题 17 图(b)所示,  $x_1(t) = x_2(t) = \cos(\omega_0 t)$ ,  $\omega_0 > \omega_b$ ,  $x_1(t)$  为发送端的载波信号,  $x_2(t)$  为接收端的本地振荡信号.

※



题17图

- (1) 信号  $y_1(t)$  的频谱  $Y_1(j\omega)$ , 并画出其频谱图;
- (2) 信号  $y_2(t)$  的频谱  $Y_2(j\omega)$ , 并画出其频谱图;
- (3) 今欲使输出信号  $y(t) = f(t)$ , 求理想低通滤波器的频率响应函数  $H(j\omega)$ , 并画出其波形。

(15分) 18. 如图 18 所示电路,  $t < 0$  电路达到稳态,  $t = 0$  开关 S 打开, 已知  $f(t) = 2e^{-2t}\varepsilon(t)$ , 求

- (1)  $t \geq 0$  时电容电压的零状态响应、零输入响应和全响应;
- (2) 以电容电压、电感电流为状态变量, 以电容电压、电感电压为输出, 编写电路的状态方程和输出方程。

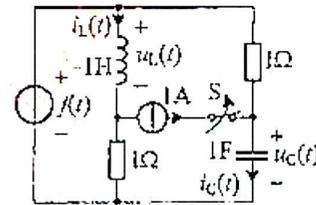


图 18 图

- (15分) 19. 某 LTI 离散系统的差分方程为  $y(k) - 0.5y(k-1) = x(k) - 0.5x(k-1)$ , 求
  - (1) 系统的单位序列响应  $h(k)$ ;
  - (2) 系统的频率响应;
  - (3) 当  $f(k) = \cos\frac{\pi}{2}k$  时, 系统的稳态响应  $y(k)$ 。